inoblème 1 Soit l'équation différentielle 1x34+A1-xA1 =0 (E) 10 Supposous f(n) solution de (E), montrous que \$(-x) et ansoni solution de(€). (f(-x))'=- f'(-x), (f(-x))"= f'(-x) you' on injoctedans bons optems (x3(x(-x))-x,(-x)-x,(-x) Douc si 2=4(x) = + colution alors y = 4(-x) = - [4(-x) f(-x) + f'(-x) - (-x) f'(-x)] = 0 oursi rolution de (E) 20/ al Verrifions que x -> ch x2 => solution de (E) y= Ch=2 = p y = 2x shx2 at y" = 2 shx2 + 4x2 chx2. Ainsi 4x3 (Chx2) + 2xshx2 - x [2shx2+4x2chx2] = 0. On effectue maintenant un changement de fonctions en posant y = Z. Chx2. y'= Z'Chx2 + 2x Shx2. Z 3"= Z" Chx2+ 4x Shx2. Z' + Z[2 Shx2+4x2Chx2] y solution de (E) =p 4x3, ZChx2+Z'Chx2+2x Shx2. Z $-ix Chx^{2} Z'' - 4x^{2} shx^{2} Z' - 2x shx^{2} Z - 4x^{3} Chx^{2} Z = 0$ -xchx2. 2"+(-4x2shx2+chx2)2"=0 $\frac{Z''}{2!} = \frac{-4x \sin^2 x}{\cos^2 x} + \frac{1}{x}$ $= > 2' = \frac{Cx}{Ch^2x^2} = > 2 = C_1 + x^2$ Ainsi y = C. thx2 chx2 = C shx2

Une solution générale sua de la forme. y(x) = Ko Ch = 2 + K, shx2. 6) Changement de variable t = x2, t +0. Pour les x>0, max=1t y(x) solution de (E) y(x)=y(16)=+(+) {'(+) = d (y(x)) = d y(x) dx = y'(x) 1/2 = p 27'(+) 1/E = y' \$,(+) = \frac{91}{95}(A(x1)) = \frac{91}{97}[A_1(x)] = \frac{91}[A_1(x)] = \frac{91}{97}[A_1(x)] = \fr $f''(t) = y''(x) \times \left(\frac{1}{2\sqrt{E}}\right)^{2} + y'(x) \times -\frac{1}{4} \cdot \frac{1}{4^{3}}$ $= y''(x) \times 1 - 1 \cdot 4 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 1$ = 7"(x)x 1/4 - 1/2 (+) = 0 4 F & (+) + 2 & (+) = 2 (x) On injecte les éléments dans LE) pour obtenir: Le bolingue conactéristique ansociéé et r2-1=0 7(+) = Ae+Be+ = A'cht + B'ght =P | y(x) = A'Chx + B'Shx Soit A un nombre positif quelconque (Ex) 4 x x34 + 41 - xc4" = 0 In Considère le Changement de variable 5= 3 x $A(x) = A(\frac{2}{x})^{2} = x$ 7, (2) = A, (2) x = 1/4 {"(6) = 3"(₹ 1/2. Données qui'on injecte dans (E*) pour obtenir

ETUSUP

$$-\frac{\pi}{2} \frac{1}{4} \frac{1}{4} \frac{7}{4} \frac{1}{6} + \frac{7}{4} \frac{1}{4} \frac{1}{6} + \frac{1}{4} \frac{7}{4} \frac{1}{6} \frac{1}{6} = 0$$

$$= 0 - \frac{\pi}{2} \frac{1}{4} \frac{1}{4} + \frac{\pi}{6} \frac{1}{6} \frac{1}{6} + \frac{\pi}{6} \frac{1}{6} \frac{1}{6} = 0$$

$$= 0 - \frac{\pi}{6} \frac{1}{4} \frac{1}{6} + \frac{\pi}{6} \frac{1}{6} \frac{1}{6} + \frac{\pi}{6} \frac{1}{6} \frac{1}{6} = 0$$

$$= 0 - \frac{\pi}{6} \frac{1}{4} \frac{1}{6} \frac{1}{6} + \frac{\pi}{6} \frac{1}{6} \frac{1}{6} = 0$$

$$= 0 - \frac{\pi}{6} \frac{1}{6} \frac{1}{6} + \frac{\pi}{6} \frac{1}{6} \frac{1}{6} = 0$$

$$= 0 - \frac{\pi}{6} \frac{1}{6} \frac{1}{6} \frac{1}{6} + \frac{\pi}{6} \frac{1}{6} = 0$$

$$= 0 - \frac{\pi}{6} \frac{1}{6} \frac{1}{6} \frac{1}{6} + \frac{\pi}{6} \frac{1}{6} = 0$$

$$= 0 - \frac{\pi}{6} \frac{\pi}{6} \frac{1}{6} \frac{1}{6} + \frac{\pi}{6} \frac{1}{6} = 0$$

$$= 0 - \frac{\pi}{6} \frac{\pi}{6} \frac{1}{6} \frac{1}{6} + \frac{\pi}{6} \frac{1}{6} = 0$$

$$= 0 - \frac{\pi}{6} \frac{\pi}{6} \frac{1}{6} \frac{1}{6} = 0$$

$$= 0 - \frac{\pi}{6} \frac{\pi}{6} = 0$$

$$= \frac{\pi}{6} = 0$$

$$= \frac{\pi}{6} \frac{\pi}{6} = 0$$

$$= \frac{\pi}{6} = 0$$

$$=$$

ETUUP

$$\frac{Z''(u)}{CL^{2}u} + \left[\frac{3LLu}{CLu} + \frac{3SLu}{QL^{2}u} \right] Z'(u)$$

$$+ \left[\frac{3LLu}{CLu} - \frac{3SLu}{CLu} + \frac{1-u^{2}}{CLu} \right] Z(u) = 0$$

$$\Rightarrow \frac{Z''(u)}{CLu} - \frac{m^{2}}{CLu} \cdot \frac{Z(u)}{CLu} = 0$$

$$(E')$$

$$\frac{Z''(u)}{CLu} - \frac{m^{2}}{CLu} \cdot \frac{Z(u)}{CLu} = 0$$

$$\frac{Z''(u)}{CLu} - \frac{m^{2}}{M^{2}} \cdot \frac{Z(u)}{M^{2}} = 0$$

$$\frac{Z''(u)}{CLu} - \frac{m^{2}}{M^{2}} \cdot \frac{Z(u)}{M^{2}} = 0$$

$$\frac{Z''(u)}{SLu} - \frac{Z(u)}{M^{2}} = \frac{1}{M^{2}} \cdot \frac$$

Problème 3 1º1 Soit l'énquation différentielle (1-x2) 4"(x) - x 4'(x)+44(x)=0; (1x/64) On pure & = Arc Con x (=) x = .cost, on prend (1).

y(x)= \$(+) 3(x)= \$(+) = \frac{ax}{ax} = \frac{ax}{at} = \frac{ax}{at} = \frac{ax}{4} = \ $J'' = \frac{dx}{dx^2} = \frac{dx}{dx} \left(\frac{dx}{dx} \right) = \frac{dx}{dx} \left(\frac{1}{x} + \frac{1}{x} \right)$ = x(1-x2) = 2 (H) + f'(+) x 1/1-x2. m injecte ces expressions down (1), pour obtain 2'èq corractéristique ansociée est r24 = 0 => f(+) = A Cos2t + BSINZE = A (w2t-sin2t) + 2B sint cont = A(26x2t-1) + 2B/1-6x2+. Cont 1 3(x) = A(2x2-1) + 2B x /1-x21, A1BEIR. el Soit l'exquestion différentielle (1-x2) y"(x)-xy'(x)+4y(x)=Arcconx(2) D'agnès le changement de variables 1=/<1 de la squestion 1º1 (2) devient f"(+) + 4 f(+) = + (21) On a déjà déterminer la solution générale de l'équation sans se cond membre 14 Apr Une solution particulière de (21) pera un polynome fit) = = = = tun sol. panticulien $y_{\lambda}(x) = \frac{Arcwix}{4}$

ETUSUP

For solution generals de (2) gt $\exists (x) = \exists_{0}(x) + \exists_{A}(x) \\
= A(2x^{2} - 1) + 2Bx\sqrt{1 - x^{2}} + Arc Conx$ $\exists (0) = -A + Arc Con 0 = 18$ = -A + 18 = 18 $\Rightarrow A = 0$ $\exists (x) = A \cdot 4x + 2B \left[\sqrt{1 - x^{2}} - \frac{x^{2}}{\sqrt{1 - x^{2}}} \right] - \frac{1}{4} \sqrt{1 - x^{2}}$ $\exists (0) = 2B - \frac{1}{4} = \frac{1}{4}$ $\exists (x) = x\sqrt{1 - x^{2}} + Arc Conx$ $\exists (x) = x\sqrt{1 - x^{2}} + Arc Conx$

34 (1-x2) f(x) -x y(x) + 12 y(x) = 0 a) le changement de variables te Arcios « effectué doms 10/et 20/ donne +,(+) + K5 +(+)=0 f(+) = A WSkt) + B sin(kt) = A Cor(k Arc worx) i B.Sin (KArccorsc).

a) Cher chous un polyndrum de deupri n <u>Sol</u> de (2)

Soit Pr(x) = Zapx an +0. Pn(x)= I lag x = 1 et Pn(x) = I 1(e-1)ag x = 2 Pn(=c) st solution de (3), alors

- e(e-1) apx + = 1 = 1 = 2 + = 2 + = 2 + = 2 + = 2 | (e+1)qp x

== 2 | 1 = 2 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 | 1 = 0 [-n(n-i)-n+k2) an=0 = p k= m=k (=3). ? om 1=m-1=2, on a

[-2-2+k2] a2=0 => [az=0] $-a_1 + k^2 a_1 + 3.2 a_3 = 0 = 0 8a_1 + 6a_3 = 0$ Pour l= m-2 = 1. Pour l=0 k²ao + 2a₂ = 0, or a₂=0 = p a₁o = 0.

Donc P₃(x) = x³ - \frac{3}{4}x \sqrt{x} + \text{we positive fiere}

de (3) C| Soit k \in | Le polynour sera de despi k

Ln(x)= \(\frac{7}{2} \text{ el x}^2 \). 1 en information m=k, our \(\text{out in pent} \) pour l=k-1 $\left[\frac{k^2(k-1)^2}{40}\right]$ $a_{k-1}=0$ $a_{k-1}=0$ a_{k} a_{k} a_{k} a_{k} et pour l=k-21-, 0, on trouve la ETUSIP formule de re currence suivante (k²- p²) al + (1+2)(p+1) al+2=0.

Ainsi si le est poine, l'hu contiendra qui des
puimon ces poires.

et si k est impoire, l'n he Contiendra opue
des puimon ces impoires.

? robleme 4 10 10 a P(D) 4(+) = exp(x+) (2 (+) In pose y(+) = Z(+)ex+ P(D) = D2+ aD+b. D[Z(+)ext] = ext Dz + xext z = ext[D+x]z D2[24)e7+]=e7+J2+ xeBZ+2e2+Ze7+Z $= e^{\lambda t} \left[D^2 + 2\lambda D + \lambda^2 \right] Z$ = e 2+ [D+2] = = Donc $P(D)[ZH]e^{Dt}] = e^{Dt}[D+x]^2 + a[D+x] + b]Z$ $= e^{Dt}[D+x]Z$ P(D)[2(+)est] = est P(D+x)Z + x+C (4 problème) (1) devient 20 D'après la question 10/, F(D)yH)=P(D)[ZH)ent]=ent P(D+2) Z = ext (2(+) Ce qui implique que |P(D+3)Z = C(+)|Risultat à admitte Lorsque An'st pas zèro du polyndune P(x) alors P(D+7) stinversible et on a abors Z(+) = 1 Q(+) et à l'aide de la décomposition en fractions rationnelles de 1/(0+2) on en déduit Z(+)

ETUSUP

30/ Si Ast racine d'ordre & de P, on peut 1205.e $P(x+\lambda) = \lambda^{\alpha} R(x)$ avec R(0) + v. (= x R(x) inversible) P(D+7) Z(+) = Q(+) R(D). Dd = (+) = D D 2 (+) = = (D) Q (+) On écrit 1 en fonctions de fractions rationnelles, puis on integre & fois pour obtein 2(+) et par suite y(+)= ent z(+) Applications 10/ Eq Liff. y"-3y1+2y=x3excoxx (En) Les solutions de l'équation homogène sont de la forme yo(x) = Aex + Bezx, ABEIR car 11 éq. caractéristique p'évil r^2 3 r + 2 = (r-1)(r-2). On cherche une solution particulière dons a de L"-3L'+2L=x3e(1+i)x (5) et on preud la partie réelle de cette solution pour avoir une sol. particulière de (E), y=Re(L) (E/) stroit (D-1)(D-2) L = x3 e (1+1)x (E/) 2 = 1+1 M's+ pas racine du polynôme + (x)= (x-1)(x-2)

≪ETUUP

sonc une solution particulière de (E") est donc $L(x) = e^{(1+i)x} \left[P(D+i+i) \right]^{-1} (x^3)$ $\frac{1}{x+i} = \frac{1}{i} \cdot \frac{1}{1-ix} = -i \sum_{P=0}^{+\infty} i^P x^P = -\sum_{P=0}^{\infty} i^{P+1} x^P$ = - 1/2 = = = (1/2 (1/2 e x))P Toute les dérivers à partir de l'ordre 4 annule x3, donc - 3 per 1-121 $\Gamma(x) = \left[-\sum_{k=0}^{b=0} {\binom{k}{k}}_{b+1} {\binom{k}{k}}_{b+1} {\binom{k}{k}}_{b+1} {\binom{k}{k}}_{b+1} {\binom{k}{k}}_{b} \right] \times e^{(i+1)x}$ et la polution pout culière de (E1) est alors y (x) = Ro (£(x)) - Résolution de l'équation différentielle 4"- 50 9 + 03 A = x 2 ex (m) mx (E)m, a EIR* Les collitions de l'équation homogène sont

Jo(x) = (Ax+B)e Liq. Caractéristique

y² 2 ar + a² = (r-a)² = 0

It on obtient une solution ponticulière à raine double.

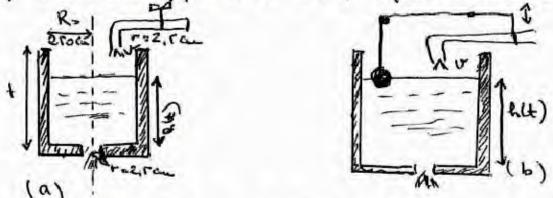
de (E2) en prenont la partie réelle d'un dolution ponticulière (E2) = 1+ im de l'equation différentielle 2x L'-2 a L' + e2 L = x2e (E) =0 (D-a)2 L = x2e 7x avoc 7 +9, elle admet

The solution ponticuliere L(x) = e xx (D+x-a)2(x2) Il suffit de faire dévelloppement à l'ordre Jusqu'e l'urshe 2 en D. de (D+7-a)2 2 $\frac{1}{(D+\lambda-a)^2} = \frac{1}{(\lambda-a)^2} \left[1 + \frac{D}{\lambda-a} \right]$ $= \frac{1}{(\lambda - \alpha)^2} \left[1 - \frac{2D}{\lambda - \alpha} + \frac{3D^2}{(\lambda - \alpha)^2} \right]$ $\frac{1}{(\lambda+\lambda-\alpha)^2}(x^2) = \frac{1}{(\lambda-\alpha)^2}\left[x^2 - \frac{4x}{\lambda-\alpha} + \frac{6}{(\lambda-\alpha)^2}\right]$ $L(x) = e^{\lambda x} \left[\frac{x^2}{(\lambda - \alpha)^2} - \frac{4x}{(\lambda - \alpha)^2} \right]$ Une solution panticulière de (Ez) et valors Faire les Calmb.

xercice 1 Une certaine equantité d'eau et contenue dans me citerne de hanteur H = Gooch percée d'un trou l'aire A. La citerne et alimentée par l'eau postant à vitence constante et d'un tuyen de section à (fige) à niveau d'eau h(t) dans les citerne est solution de l'équation suivanté

(E) SdR + BATh = ANT

- S désigne la surface de base de la citerne rayon. 200 cm), A la surface de l'orifice (rayon2, rem) 3 = 40 (coefficient de proportions alite), hen continites



of Résondre (E) pour 10 = 0 et déterminer le temps de vidange complète pi la citerne et plaine au dé part. 19 Comment fant-il Choisir 10 > 0 pour que l'eau ne délovole pous? Chercher alors him het) si v=800 cm/s.

so On installe une arrivée régulée (fig (6)) telle que la viterse de pende de h. poit N=4(H-h). Chercher lin tilt).

4. On Installe une arrivée intermittente de viterse d'éjection o cur/s ou 800 cm/s. Elle se décleuche dés que h & 14, mais s'arrête si le viterse hiveour h remonte à 14. Calcular le débit journalier de cette arrivée d'eau.



Exercice 2 On lainse tomber un coups de manse m, dons un miliebre où la résistence de frainage est proportions au corré de la vitense.

En appliquant la foi fondamentale de la dynamique on montre que

mdr = mg - kv2

and or recompte positivement vers le bas et ke Constante positive.

1º/ Quelle et la loi de variation de la viterse de.

20/ Si l'on suppose que la vitere initiale No est positive, quelle et la vitere limite?

30/ Si l'on Auppose que la viterse initiale et égale à 3000, à quel instant le corps attendra. E il la viterse égale à la moitié de la viterse limite?

Exercice 3 La change d'un condensateur pours change initiale, à l'aide d'un générateur de 4. é. m E et règle par l'équation

(1) R day + 9 = E

obtenue en appliquant la bi d'Ohm.

Question: Réponder l'équation différentielle (1).



Exercia 1 1-1 Sh + BATE =0 h = - BA = dh = - BA dt Jalo) Ja = - BA = 2 [[[[] - []] R(t) = (18(0) - BAt) Soil T + q. A(T) = 0 et on a h(0) = H. => T = JH PS = Application humbrique T = JE. 10. 2 TR2 = 16. (100) Ar Condes of NO (E) devient Sde + BATE = AU =0 dh = Adt Contraposée: E'eau déborde si à l'instant to, Th(to)=H, l'instant juste après triblei)>H JH N-BIR = \$ (+1-to) SH-N+ FTE = - 5 (+1 - to) La fonction 1 et aut de voirsante (car i BIG-10 migatifre BIEG - D HRE[H, R(4)]. R(+1)-H < (h + 1) dh = - A (+1-to) Pour que l'égalité

BHHI - v < - & (t, -to) with sens, 13 Taltil EN = > 3 Taltil > 3/H Par contraposée l'eau me déborde pas si N & BIH => La solution existe ++ 30. has = him het) sera un point d'équilibre du système et qui venifie BAThoo = AV (dh = 0). =p hoo = $\left(\frac{v}{p}\right)^2 = \left(\frac{800}{40}\right)^2 = 400 \text{ cm}$. Explication détaillée Tant que W < |3 Th (resp N > 13 Th) le niveau de l'ear descend l'usp. monde) de marière continue instant le débit = alimentation 30) iv = 4(H-h(+)). Avoc cette viterse l'eau ne débordera jamais car quand h(t)=H, on ouve N=0. La limite has = limbet) ve rifre At = 6(H - how) = 13 / how

La ro'solution de l'éla deft algébrique du se cons

La ro'solution de l'éla deft algébrique du se cons

orche = D how = 300 cm + déponse H (Ame délimine)

tolue = D how = 3 400 cm < H donc à retenis ine 1

tolue point d'élanilibre et attent un 400 cm. 150 = 4 <300= H < 400 = hoo

≪ETUUP



0<1367

\$ Soil Ho la hauteur initiale de la citerne 10/ 10 cons: La condition initiale de la citerne

Ho = +1 + n(tz+t3)+ | 3t2 ou Bt3} Dons ce las le débit journalier et 0 (B<7

Av (t1+nt2 ou t1+nt2+ Bt2)

生くHoくは N=D

H + 1 Ho = 24 = t + m (tz+t3) + B tz ru/st3.

Le débit journalier de l'envrivée de l'eau est

Ar (ntzon (n+B)te).

H+ 50 H H ...

24th = t1 + m (t2+t3) + Bt2 on Bt3

Le débit journabier de l'arrivée de l'eau et

por (nt2 bu (m+ B) t2)

:xercice 2 1.1 m dv = mg - kv2

0 = -k dt = - k t \[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{m} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{m} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{m} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{m} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{m} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{k}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{k}} = - \frac{m}{k} t \]
\[\frac{dv}{v^2 - \frac{mq}{



Après intégration, on a

$$\frac{1}{2a} \left[\ln \left| \frac{t-a}{n+a} \right| \right]^{N} = -\frac{R}{M} t \Rightarrow \ln \left| \frac{V-a}{n+a} \right| = -\frac{2aRt}{M} t + C$$

$$\frac{N-a}{N+a} = Ke^{-\frac{2aRt}{M}} t \Rightarrow N^{-1}(t) = a \left[\frac{1+Ke^{-\frac{2aRt}{M}}t}{1-Ke^{-\frac{2aRt}{M}}t} \right]$$

$$w(t) = a \left[\frac{1 + \left(e^{-2bt} \right)}{1 - \left(e^{-2bt} \right)} \right]$$

$$b = a \left[\frac{kg}{m} \right]$$

$$2^{\circ}$$
 $| N \cup 0 \rangle = a \left[\frac{1+K}{1-K} \right] \ge 0$
 $| N \cup \infty \rangle = V_{0} = \lim_{k \to +\infty} N(k) = a = \sqrt{\frac{mg}{k}} \quad \text{point d'équilibre}$

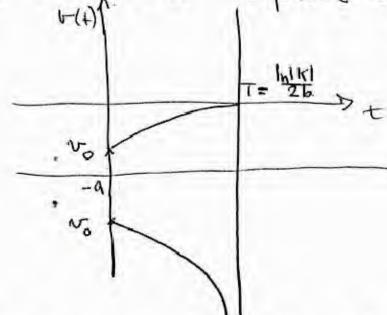
$$| N \cup \infty \rangle = V_{0} = \lim_{k \to +\infty} N(k) = a = \sqrt{\frac{mg}{k}} \quad \text{point d'équilibre}$$

S; U = a 1 alors K = 0 = 0 UH)= a

Durotion Curiosité : Que pe pense-t-il pi No < 0 = 7 = 5 K +] -00, -1 [U] 1, +00 [.

Si KE] 1. + co [alors 1+16 <-7, Alors Clexiste T>0 Jimin L. q. 1-Ke-2bT = 0

= La viterse explose à temps fini Envoi de se cours



$$|N(0) = 0 = a \left[\frac{1+K}{N-K} \right] = 0 K = -1$$

$$N(+) = a \left[\frac{\Lambda - e^{-2bt}}{1 + e^{-2bt}} \right].$$

$$V(T) = A \left[\frac{1 - e^{-2bT}}{1 + e^{-2bT}} \right] = \frac{a}{2} (=) \frac{2(1 - e^{-2bT})}{1 - e^{-2bT}} = \frac{1 + e^{-2bT}}{2}$$

$$(=) \frac{1 - e^{-2bT}}{1 - e^{-2bT}} = \frac{1 + e^{-2bT}}{2} = \frac{1 + e^{-2bT}}{2}$$



Programmation Algébre ours Résumés Diapo Analyse Exercic xercices Contrôles Continus Langues MTU Thermodynamique Multimedia Economie Travaux Dirigés := Chimie Organique

et encore plus..